

4.2 加法器

4.2.1 二进制数的算术运算

一、两个绝对值之间的运算

运算规则，加法：“逢二进一”；减法：“借一当二”。

加、减、乘、除。

$$1001+0101=?$$

$$1001-0101=?$$

$$1011\times 0101=?$$

$$11001\div 101=?$$

乘法运算可以通过连续的加法运算来实现；除法运算可以通过连续的减法运算来实现。如 $9\times 3, 9\div 3$ 。

4.2 加法器

4.2.1 二进制数的算术运算

一、原码、反码和补码

(1) 原码=符号---数值。 ('0'正'1'负)

+1010101的原码? - 1010101的原码?

(2) 反码表示

正数的反码=原码;

负数的反码=符号---数值按位取反。

+1010101的反码? - 1010101的反码?

4.2 加法器

4.2.1 二进制数的算术运算

一、原码、反码和补码

(3) 补码表示

正数的补码=原码;

负数的补码=反码+1。

+1010101的补码? - 1010101的补码?

-1的8位二进制原码、反码、补码?

4.2 加法器

4.2.1 二进制数的算术运算

一、原码、反码和补码

补码运算规则：补码的补码是原码；两数补码之和等于两数之和的补码。即

$[补码]_{补码} = 原码$;

$[X_1]_{补码} + [X_2]_{补码} = [X_1 + X_2]_{补码}$

减法运算电路结构复杂，运算速度慢；相对而言，加法电路结构简单，运算速度快。故常将减一个数变为加上一个负数，负数用补码表示就可以将减法变为加法运算。

4.2 加法器

4.2.1 二进制数的算术运算

用补码运算： $1101-1010=?$ $0110-1001=?$

注意：在进行补码运算时，必须在其相应位数表示的数值范围内进行，否则会产生错误的运算结果。

综上所述，二进制数的加、减、乘、除运算都可以通过加法运算来实现。

实现加法运算的器件称为加法器，它是计算机重要的组成单元。

4.2 加法器和数值比较器

4.2.2 加法器

一、半加器和全加器

1. 半加器 (Half Adder)

两个 1 位二进制数相加。

$$A_i + B_i = S_i (\text{和}) \rightarrow C_i (\text{进位})$$

真值表

A_i	B_i	S_i	C_i
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1

函数式

$$\begin{aligned} S_i &= \bar{A}_i B_i + A_i \bar{B}_i \\ &= A \oplus B \end{aligned}$$

$$C_i = A_i B_i$$

半加器 (Half Adder)

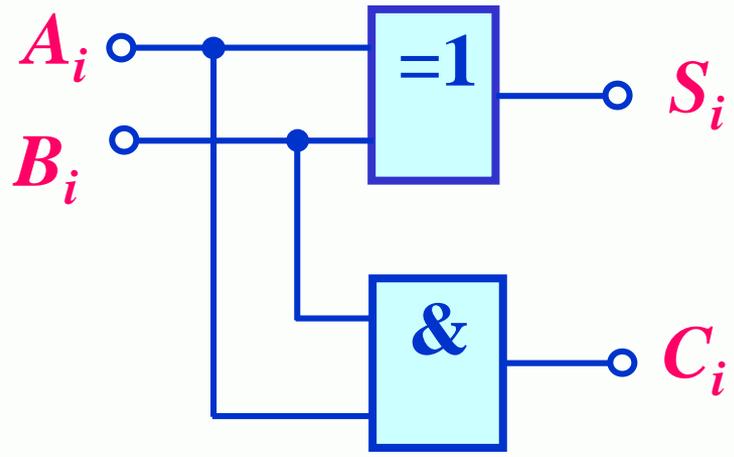
函数式

$$S_i = \bar{A}_i B_i + A_i \bar{B}_i$$

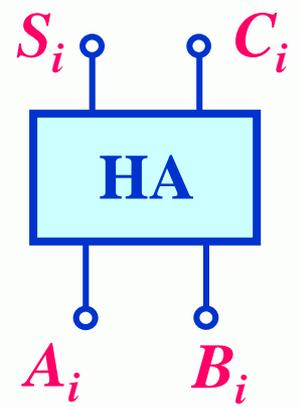
$$= A \oplus B$$

$$C_i = A_i B_i$$

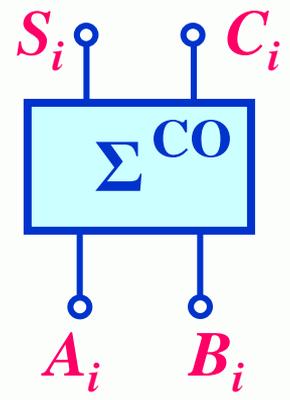
逻辑图



曾用符号



国标符号



2. 全加器 (Full Adder)

两个 1 位二进制数相加，考虑低位进位。

$$A_i + B_i + C_{i-1} \text{ (低位进位)}$$

$$= S_i \text{ (和)} \rightarrow C_i \text{ (向高位进位)}$$

真值表

A	B	C_{i-1}	S_i	C_i	A	B	C_{i-1}	S_i	C_i
0	0	0	0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	1	0	1	0	1	0	1
0	1	0	1	0	1	1	0	0	1
0	1	1	0	1	1	1	1	1	1

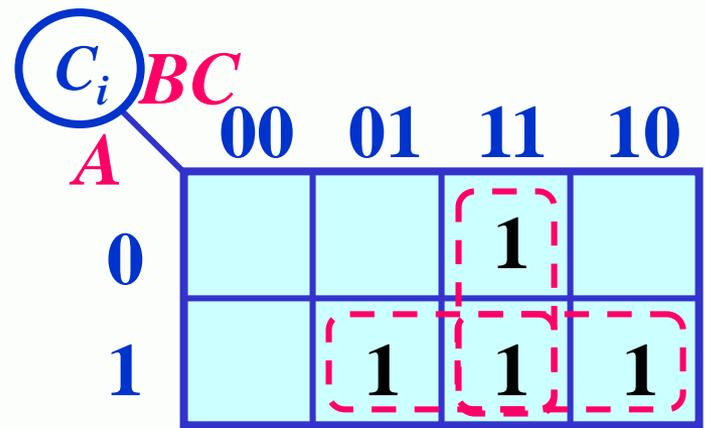
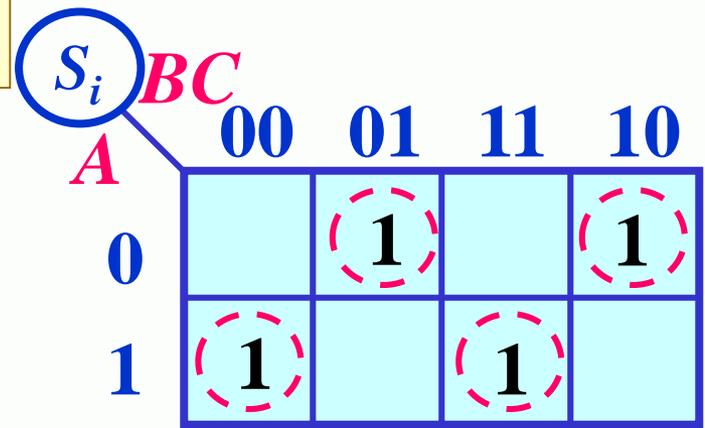
标准
与或式

$$S_i = \bar{A}_i \bar{B}_i C_{i-1} + \bar{A}_i B_i \bar{C}_{i-1} + A_i \bar{B}_i \bar{C}_{i-1} + A_i B_i C_{i-1}$$

$$C_i = \bar{A}_i B_i C_{i-1} + A_i \bar{B}_i C_{i-1} + A_i B_i \bar{C}_{i-1} + A_i B_i C_{i-1}$$

全加器 (Full Adder)

卡诺图



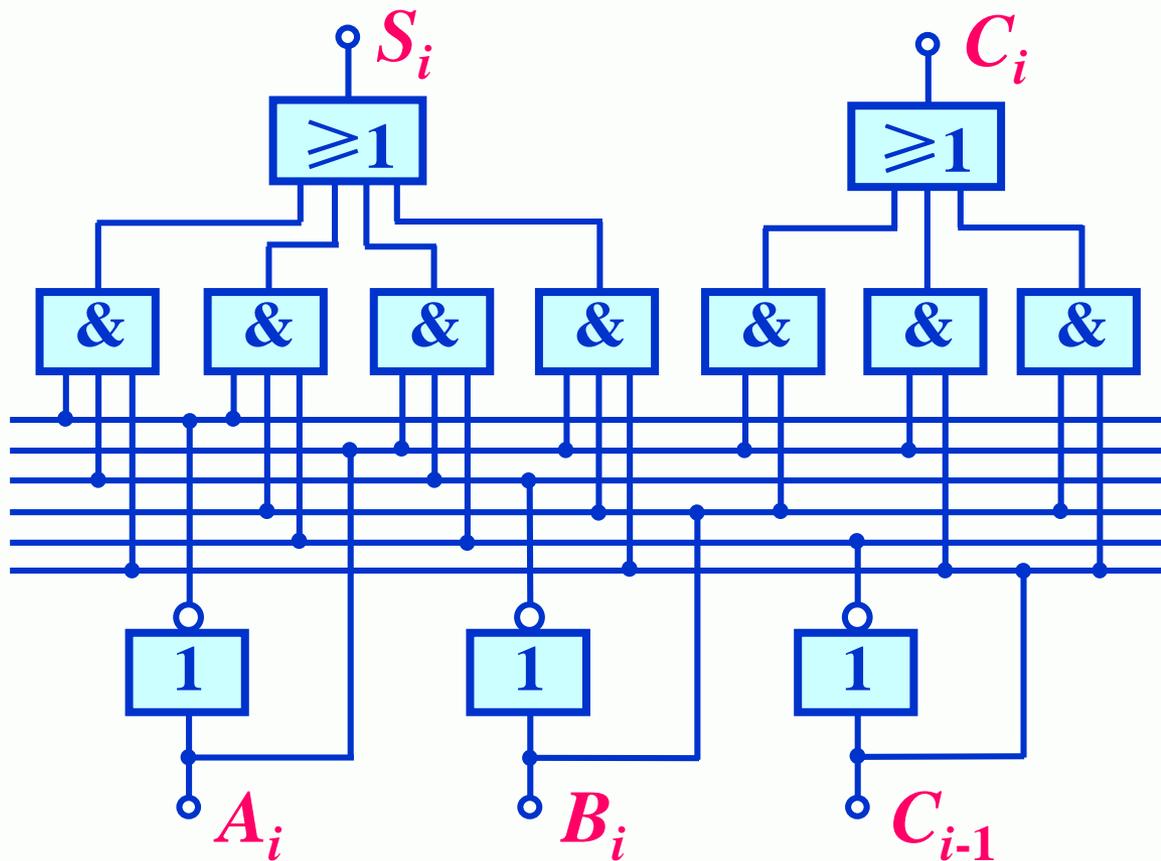
最简与或式

圈 “1”

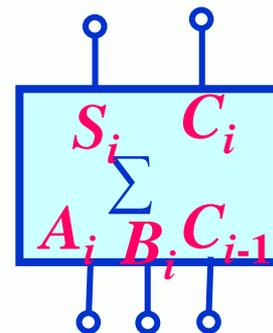
$$\begin{cases} S_i = \bar{A}_i \bar{B}_i C_{i-1} + \bar{A}_i B_i \bar{C}_{i-1} + A_i \bar{B}_i \bar{C}_{i-1} + A_i B_i C_{i-1} \\ C_i = A_i B_i + A_i C_{i-1} + B_i C_{i-1} \end{cases}$$

逻辑图

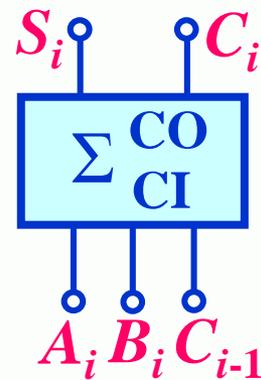
(a) 用与门、或门和非门实现



曾用符号

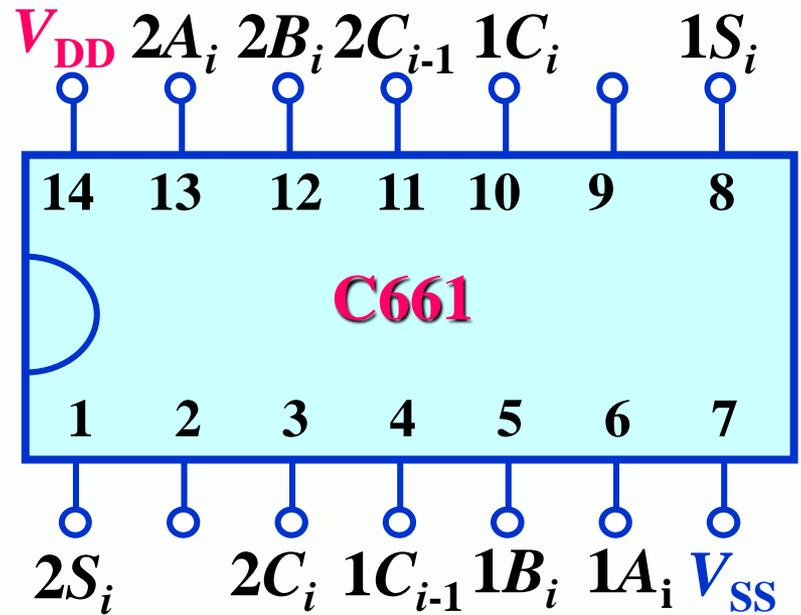
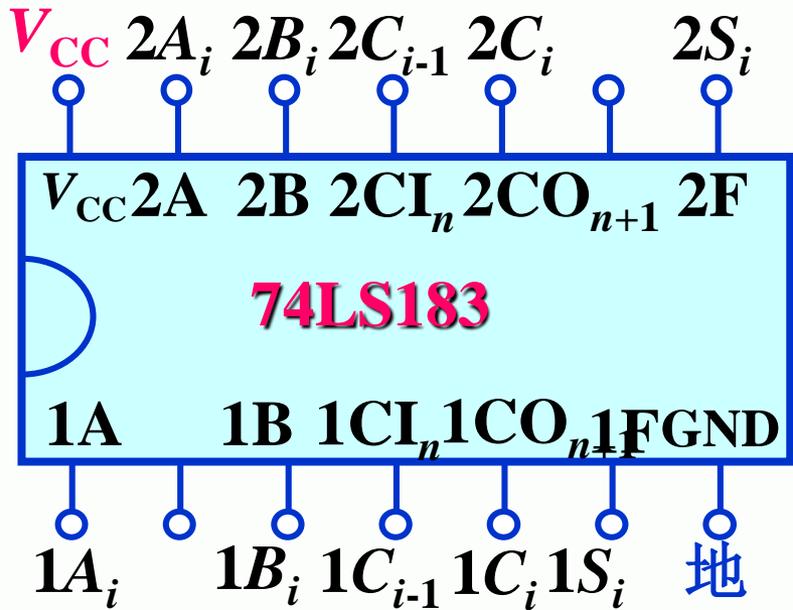


国标符号



3. 集成全加器

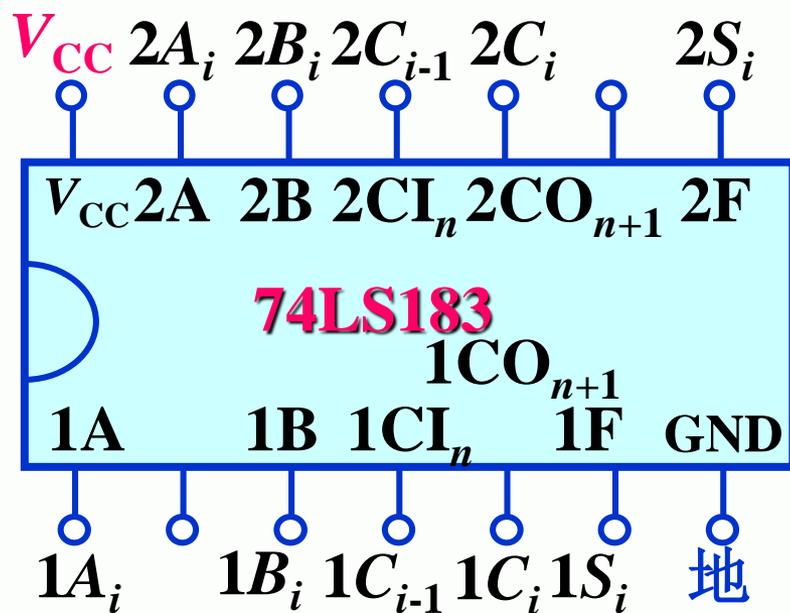
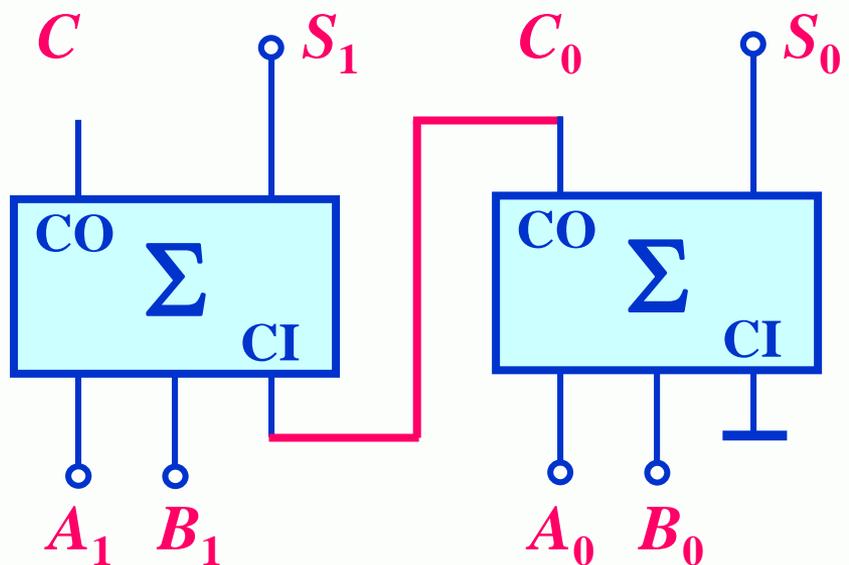
双全加器 { TTL: 74LS183
CMOS: C661



思考

- 如何用全加器实现两位二进制加法。

$$A_1A_0 + B_1B_0 = CS_1S_0$$

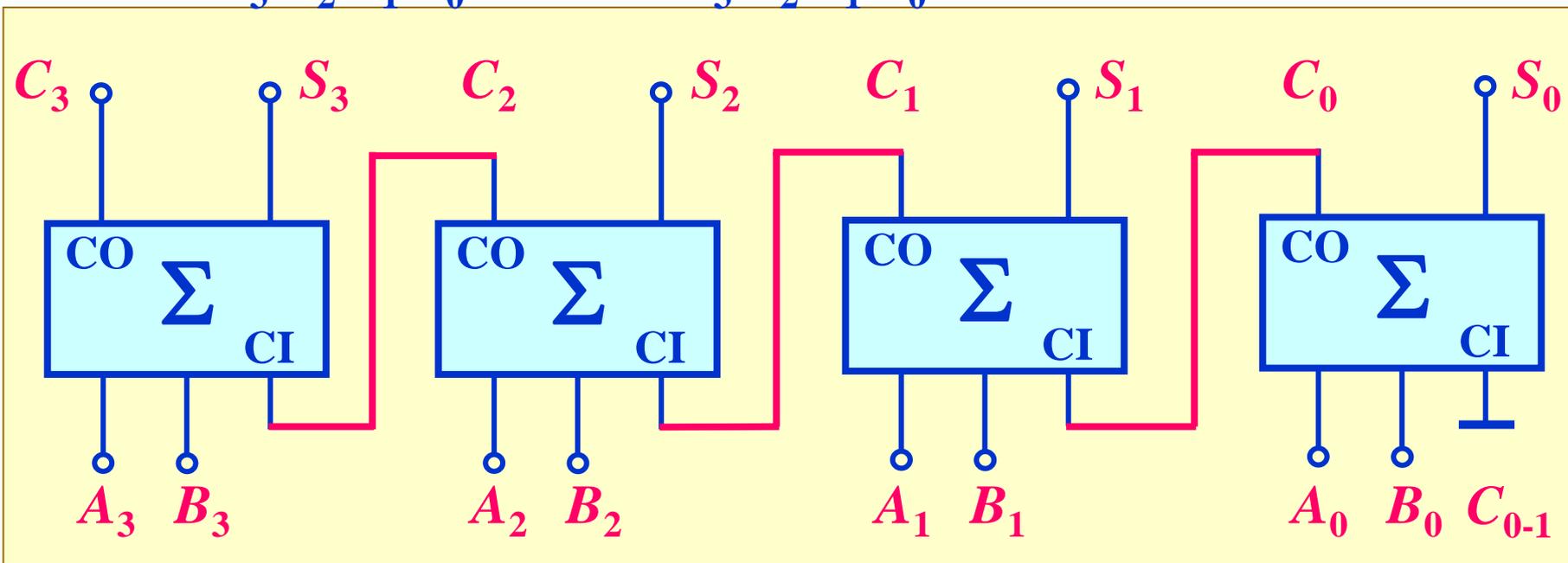


二、加法器 (Adder)

实现多位二进制数相加的电路

1. 4 位串行进位加法器

$$A = A_3A_2A_1A_0 \quad B = B_3B_2B_1B_0$$



特点:

电路简单, 连接方便

速度低 = $4 t_{pd}$
 t_{pd} — 1位全加器的平均
传输延迟时间

2. 超前进位加法器

作加法运算时，各个位置上的进位信号由输入二进制数直接产生。

$$C_0 = A_0 B_0 + (A_0 + B_0) C_{0-1}$$

$$C_1 = A_1 B_1 + (A_1 + B_1) C_0$$

$$= A_1 B_1 + (A_1 + B_1) [A_0 B_0 + (A_0 + B_0) C_{0-1}]$$

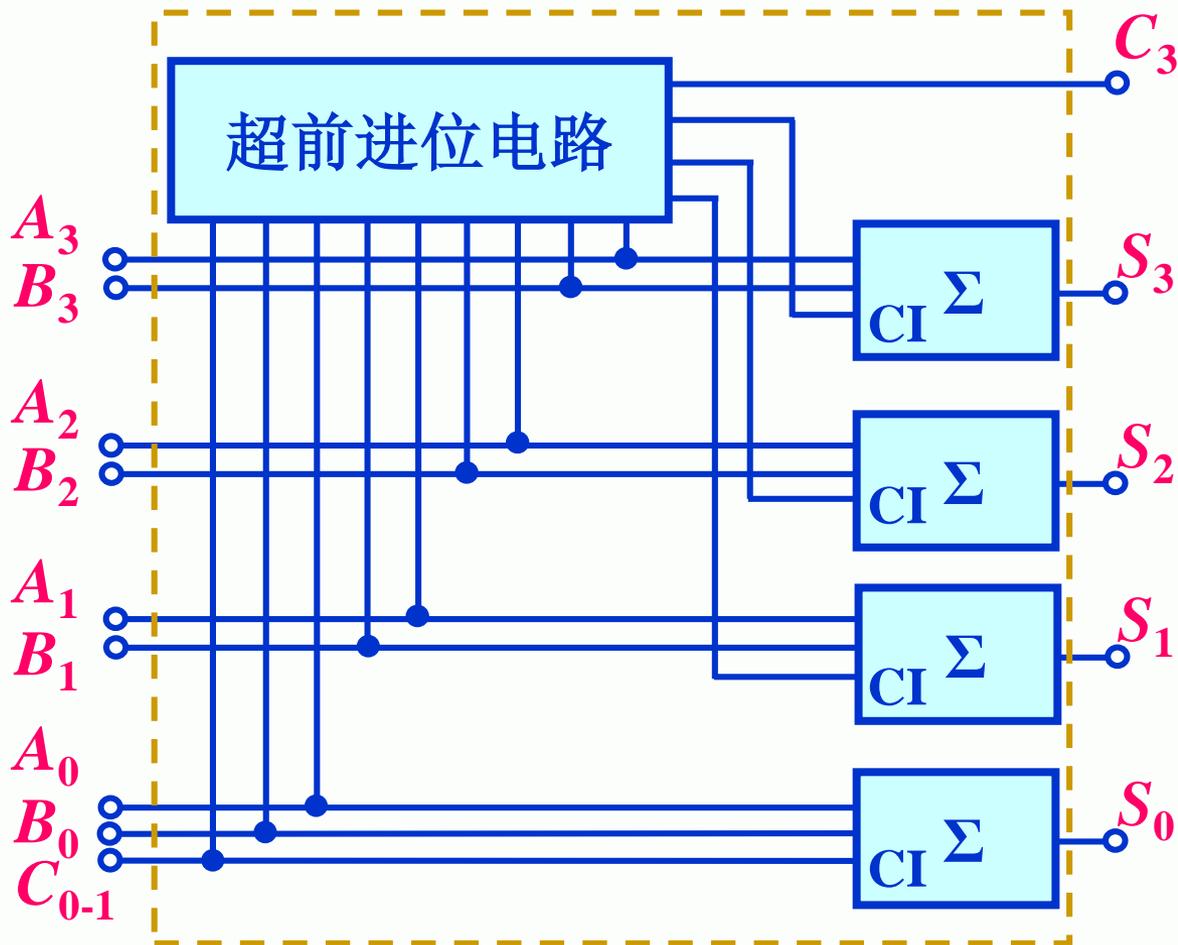
⋮

$$C_i = A_i B_i + (A_i + B_i) C_{i-1}$$

即各进位信息均是输入A、B和 C_{0-1} 的函数。

集成芯片

CMOS: CC4008
TTL: 74283 74LS283

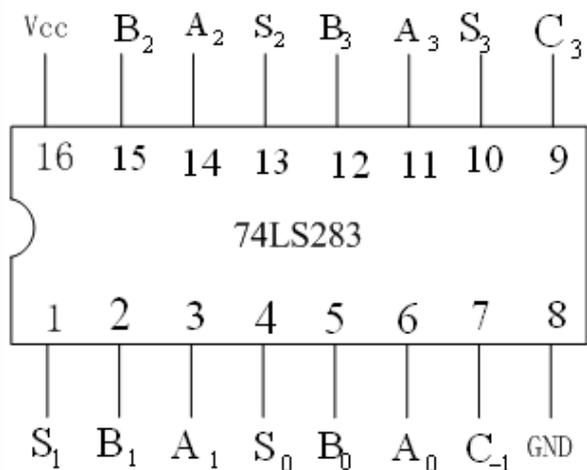


优点: 运算快

缺点: 电路复杂

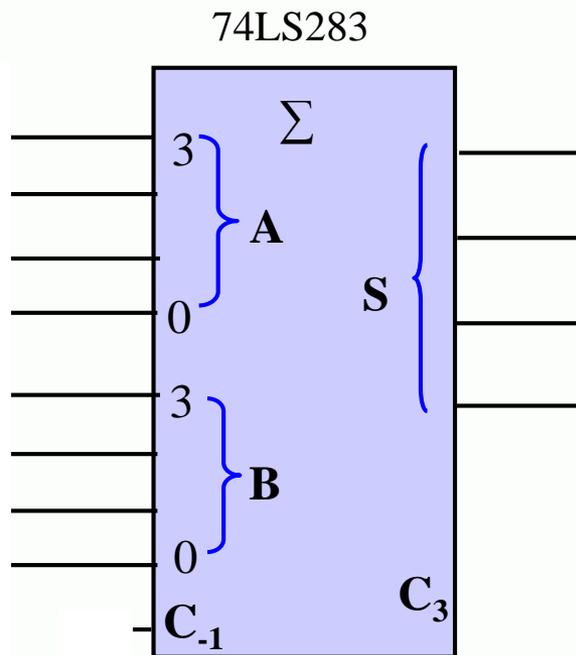
逻辑结构示意图

加法器应用—代码转换



4位二进制超前进位加法器

8421BCD—余3码



BCD码到余3码的转化电路